

T4 H_0 : 病人在这一次测验上的分数与正常人没有显著不同

H_1 : 病人在这一次测验 有显著不同.

样本均值为 $\bar{x} = 76.62$, $n = 21$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{12}{\sqrt{21}} \approx 2.62$$

$$\text{临界 } z \text{ 分数 } z_{\frac{0.01}{2}} \approx 2.57, \quad z = \frac{\bar{x} - \mu}{\sigma_{\bar{x}}} = \frac{76.62 - 55}{2.62} \\ \approx 8.25$$

$\therefore 8.25 > 2.57$. 因此拒绝 H_0 , 接受 H_1 , 即认为病人在这一次测验中的分数与正常人有显著不同.

T5. 做单尾检验, $H_0: \bar{x} \geq \mu$

$$H_1: \bar{x} < \mu$$

$$-z_{0.05} = -1.64, \quad \sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{4}{\sqrt{16}} = 1$$

$$z = \frac{15.5 - 20}{1} = -4.5 \quad \therefore -4.5 < -1.64$$

\therefore 拒绝 H_0 , 接受 H_1 , 认为研究者的预测正确.

T6 (1) 即 S 增大, S_m 增大, t 减小.

(2) $t = \frac{M - \mu}{S_m}$, 又 $S_m = \frac{S}{\sqrt{n}}$. 当 n 增大时, t 增大

(3) 即 $M - \mu$ 增加, t 增大.

T7. 自由度的值越大, t 分布的形状越接近正态分布.

对于特定的 α 水平, 自由度 \uparrow , t 的临界值 \downarrow

$$T8. H_0 = \bar{X} \leq \mu$$

$$H_1 = \bar{X} > \mu.$$

$$S = \sqrt{\frac{SS}{n-1}} = \sqrt{\frac{2400}{24}} = 10, S_M = \frac{S}{\sqrt{n}} = \frac{10}{\sqrt{25}} = 2$$

$$t = \frac{73-70}{2} = 1.5$$

取 $\alpha = 0.05$ 的显著性水平, 查表得 $t_{\frac{0.05}{2}} = 1.711$

$\therefore 1.5 < 1.711, \therefore$ 接受 H_0 , 即不能得出如题结论.

T9. H_0 : 无显著差异 H_1 : 有显著差异

$$\bar{X} = 24.6 \quad S = 3.48 \quad S_M = \frac{S}{\sqrt{n}} = \frac{3.48}{\sqrt{12}} = 1$$

$$t = \frac{24.6-27}{1} = -2.4$$

$$t_{\frac{0.05}{2}} = 2.201 \quad \therefore -2.4 < -2.201$$

\therefore 拒绝 H_0 , 认为有显著差异.

$$H_0 = \bar{X} \geq \mu \quad H_1 = \bar{X} < \mu$$

$$-t_{0.05} = -1.796 \quad \therefore -2.4 < -1.796. \therefore \text{拒绝 } H_0$$

即高估了父母与少年的交谈时间.